



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ФИЗИКА  
И КОМПЬЮТЕРНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ**

**2017  
Том 20. № 3**

MINISTRY OF EDUCATION AND SCIENCE  
OF THE RUSSIAN FEDERATION

**MATHEMATICAL PHYSICS  
AND COMPUTER MODELING**

**2017  
Volume 20. No. 3**



# MATHEMATICAL PHYSICS AND COMPUTER MODELING

2017. Vol. 20. № 3

Academic Periodical

First published 1996

6 issues a year

Beginning with this issue, *The Science Journal of Volgograd State University. Mathematics. Physics* will be issued under the new title – *Mathematical Physics and Computer Modeling*

## Founder:

Federal State Autonomous  
Educational Institution  
of Higher Education  
“Volgograd State University”

Journal is registered in the Federal Service for Supervision of PR, Information Technologies and Mass Communications (Registration Certificate ПИ № ФС77-69752 of May 5, 2017)

The journal is included into the **Index of Peer-reviewed Academic Journals and Publications that must publish academic results of doctoral and candidate's degree theses** that came in force on December 1, 2015

Journal is included into **Russian Science Citation Index**

The journal is also included into the following Russian and international databases: **MathSciNet** (USA), **Math-Net.ru** (Russia), **CrossRef** (USA), **Google Scholar** (USA), **DOAJ** (Sweden), **Journalindex.net** (USA), **JournalSeek** (USA), **MIAR** (Spain), **OCLC WorldCat®** (USA), **ProQuest** (USA), **SHERPA/RoMEO** (Spain), **ULRICHSWEB™ Global Serials Directory** (USA), **ZDB** (Germany), **VINITI Database RAS** (Russia), “**CyberLeninka**” Scientific Electronic Library (Russia)

## Editorial Staff:

Prof. Dr. A.I. Ivanov – Chief Editor (Volgograd)  
Prof. Dr. A.G. Losev – Deputy Chief Editor (Volgograd)  
Cand. A.V. Svetlov – Executive Secretary (Volgograd)  
Senior Lecture A.V. Boluchevskaya – Copy Editor (Volgograd)

## Editorial Board:

Prof. Dr. N.L. Asfandiarov (Ufa); Prof. Dr. E.I. Vasilyev (Volgograd); Prof. Dr. V.I. Korchagin (Rostov-on-Don); Prof. Dr. N.G. Lebedev (Volgograd); Prof. Dr., Corr. Mem. of Russian Acad. of Sciences D.A. Novikov (Moscow); Prof. Dr. K.M. Firsov (Volgograd); Prof. Dr. A.V. Khoperskov (Volgograd); Prof. of Mathematics A. Grigor'yan (Bielefeld, Germany); PhD S. Khokhlova (Atlanta, USA); PhD O. Komogortsev (Texas, USA); PhD, Dr. Sci. V. Tkachev (Sweden)

Address of Editorial Office  
Prospect Universitetsky 100, Volgograd, 400062.  
Tel.: (8442) 46-08-12. Fax: (8442) 46-18-48  
E-mail: vestnik1@volsu.ru  
Journal Website: <http://mp.jvolsu.com>  
English version of Website:  
<http://mp.jvolsu.com/index.php/en/>

Editor, Proofreader S.A. Astakhova  
Editor of English texts I.D. Romadina  
Making up and technical editing: A.V. Svetlov

Passed for printing 31.07.2017. Format 60×84/8.  
Offset paper. Typeface Times.  
Conventional printed sheets 15,9. Published pages 17,1.  
Number of copies 500. Order . «C» 153.

Published in the Publishing House  
of Volgograd State University.  
Bogdanova St. 32, Volgograd, 400062.  
E-mail: izvolgu@volsu.ru

© Volgograd State University, 2017

# МАТЕМАТИЧЕСКАЯ ФИЗИКА И КОМПЬЮТЕРНОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

2017. Том 20. № 3

Научно-теоретический журнал

Основан в 1996 году

Выходит 6 раз в год

Научно-теоретический журнал «Вестник ВолГУ. Серия 1, Математика. Физика» переименован и с этого номера будет выходить под новым названием «Математическая физика и компьютерное моделирование»

## Учредитель:

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования  
«Волгоградский государственный университет»

Журнал зарегистрирован в Федеральной службе по надзору в сфере связи, информационных технологий и массовых коммуникаций (свидетельство о регистрации средства массовой информации ПИ № ФС77-69752 от 5 мая 2017 г.)

Журнал включен в «Перечень рецензируемых научных изданий, в которых должны быть опубликованы основные научные результаты диссертаций на соискание ученых степеней доктора и кандидата наук», вступивший в силу с 01.12.2015 г.

Журнал включен в базу Российского индекса научного цитирования (РИНЦ)

Журнал также включен в следующие российские и международные базы данных: **MathSciNet** (США), **Math-Net.ru** (Россия), **CrossRef** (США), **Google Scholar** (США), **DOAJ** (Швеция), **Journalindex.net** (США), **JournalSeek** (США), **MIAR** (Испания), **OCLC WorldCat®** (США), **ProQuest** (США), **SHERPA/RoMEO** (Испания), **ULRICH'S WEB™ Global Serials Directory** (США), **ZDB** (Германия), **ВИНТИ** (Россия), **Научная электронная библиотека «КиберЛенинка»** (Россия)

## Редакционная коллегия:

д-р физ.-мат. наук, проф. *A.I. Иванов* – главный редактор (г. Волгоград)  
д-р физ.-мат. наук, проф. *A.G. Лосев* – зам. главного редактора (г. Волгоград)  
канд. физ.-мат. наук, доц. *A.B. Светлов* – ответственный секретарь (г. Волгоград)  
ст. преподаватель *A.B. Болучевская* – технический секретарь (г. Волгоград)

## Редакционный совет:

д-р физ.-мат. наук, проф. *Н.Л. Асфандиаров* (г. Уфа);  
д-р физ.-мат. наук, доц. *Е.И. Васильев* (г. Волгоград);  
д-р физ.-мат. наук *В.И. Корчагин* (г. Ростов-на-Дону);  
д-р физ.-мат. наук, проф. *Н.Г. Лебедев* (г. Волгоград);  
д-р техн. наук, проф., чл.-кор. РАН *Д.А. Новиков* (г. Москва); д-р физ.-мат. наук, проф. *К.М. Фирсов* (г. Волгоград); д-р физ.-мат. наук, проф. *A.B. Хоперсков* (г. Волгоград); Prof. of Mathematics *A. Grigor'yan* (Bielefeld, Germany); PhD *S. Khokhlova* (Atlanta, USA); PhD *O. Komogortsev* (Texas, USA); PhD, Dr. Sci. *V. Tkachev* (Sweden)

Редактор, корректор *С.А. Астахова*

Редактор английских текстов *И.Д. Ромадина*  
Верстка и техническое редактирование *А.В. Светлова*

Подписано в печать 31.07.2017 г. Формат 60×84/8.  
Бумага офсетная. Гарнитура Таймс. Усл. печ. л. 15,9.  
Уч.-изд. л. 17,1. Тираж 500 экз. Заказ . «С» 153.

Отпечатано в издательстве

Волгоградского государственного университета.

400062 Волгоград, ул. Богданова, 32.

E-mail: izvolgu@volsu.ru

Адрес редакции  
400062 Волгоград, просп. Университетский, 100.  
Тел.: (8442) 46-08-12. Факс: (8442) 46-18-48  
E-mail: vestnik1@volsu.ru  
Сайт журнала: <http://mp.jvolsu.com>  
Англояз. сайт журнала: <http://mp.jvolsu.com/index.php/en/>

## **СОДЕРЖАНИЕ**

---

*Иванов А.И.* Обращение главного редактора ..... 5

### **MATEMATIKA**

*Болучевская А.В., Клячин В.А., Сапралiev М.Е.* Оценки радиуса просвета конечного множества единичного шара в  $R^n$  ..... 6

*Вербицкий И.Е.* Поточечные оценки и критерий существования решений сублинейных эллиптических уравнений [На англ.] .... 18

*Григорьян А.А., Лосев А.Г.* О размерности пространств решений стационарного уравнения Шредингера на некомпактных римановых многообразиях ..... 34

*Зегарлински Б.* Кристаллографические группы для полей Хермандера [На англ.] ..... 43

*Ибрагимов А., Назаров А.И.* Принцип Фрагмена – Линделефа для эллиптических уравнений недивергентного типа и смешанных граничных условий [На англ.] ..... 65

*Ишиваты С.* Можно ли по распределению тепла судить о наличии «бутылочного горлышка» у пространства? [На англ.] ..... 77

*Кадзино Н.* Эквивалентность рекуррентности и лиувиллева свойства для симметричных форм Дирихле [На англ.] ..... 89

*Лин Й., Лиу Ш., Сон Х.* Логарифмические неравенства Соболева на графах положительной кривизны [На англ.] ..... 99

*Лобода А.В., Шиповская А.В.* Об аффинно-однородных вещественных гиперповерхностях общего положения в  $C^3$  ..... 111

*Мазепа Е.А.* О разрешимости краевых задач для уравнения Пуассона на некомпактных римановых многообразиях ..... 136

*Хинц М., Канг С., Масамун Д.* Вероятностное описание существенной самосопряженности и устранимых особенностей [На англ.] ..... 148

### **ПЕРСОНАЛИИ**

Александр Асатурович Григорьян  
(к шестидесятилетию со дня рождения) [На англ.] ..... 163

## **CONTENTS**

---

*Ivanov A.I.* Editor's Foreword ..... 5

### **MATHEMATICS**

*Boluchevskaya A.V., Klyachin V.A., Sapraliev M.E.* Estimations of Clearance Radius for Finite Subset of a Unit Ball in  $R^n$  ..... 6

*Verbitsky I.E.* Pointwise Estimates of Solutions and Existence Criteria for Sublinear Elliptic Equations ..... 18

*Grigor'yan A.A., Losev A.G.* Dimension of Spaces of Solutions of the Schrodinger Equation on Noncompact Riemannian Manifolds ..... 34

*Zegarliński B.* Crystallographic Groups for Hörmander Fields ..... 43

*Ibragimov A., Nazarov A.I.* On Phragmén – Lindelöf Principle for Non-divergence Type Elliptic Equation and Mixed Boundary Conditions ..... 65

*Ishiwata S.* Can One Observe the Bottleneckness of a Space by the Heat Distribution? ..... 77

*Kajino N.* Equivalence of Recurrence and Liouville Property for Symmetric Dirichlet Forms ..... 89

*Lin Y., Liu S., Song H.* Log-Sobolev Inequalities on Graphs With Positive Curvature ..... 99

*Loboda A.V., Shipovskaya A.V.* On Affine Homogeneous Real Hypersurfaces of General Position in  $C^3$  ..... 111

*Mazepa E.A.* On Solvability of Boundary Value Problems of the Poisson Equation on Non-Compact Riemannian Manifolds ..... 136

*Hinz M., Kang S., Masamune J.* Probabilistic Characterizations of Essential Self-Adjointness and Removability of Singularities ..... 148

### **PERSONALITIES**

Alexander Asaturovich Grigor'yan  
(devoted to the sixtieth birthday) ..... 163